

1. Магнитное и электрическое поля коаксиального кабеля с током I (по жиле ток идет в одном направлении, по оплетке в противоположенном) определяются следующими соотношениями:

$$H = \frac{Ir}{2\pi a_1^2}; E = \frac{I}{\pi a_1^2 \delta}; \text{при } 0 \leq r \leq a_1$$

$$H = \frac{I}{2\pi r}; E = \frac{I}{\pi a_1^2 \ln \frac{a_1}{a_2}} \left(\ln \frac{r}{a_2} + \frac{a_1^2 \ln \frac{r}{a_1}}{a_3^2 - a_2^2} \right); \text{при } a_1 \leq r \leq a_2$$

$$H = \frac{Ir}{2\pi r} \frac{a_3^2 - r^2}{a_3^2 - a_2^2}; E = \frac{I}{\pi \delta (a_3^2 - a_2^2)}; \text{при } a_2 \leq r \leq a_3$$

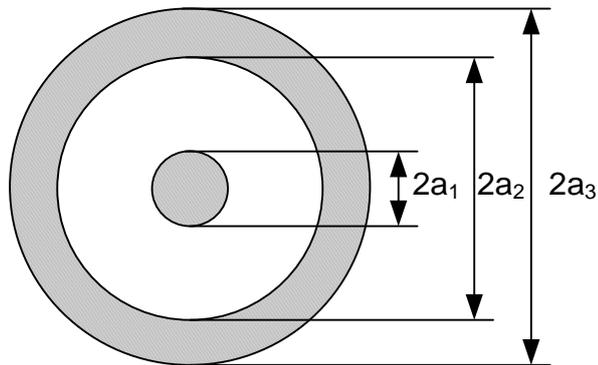


Рис. 1

Рассчитать H , E и построить в зависимости от r , где r – расстояние по радиусу от центра жилы до точки расчета поля, δ – проводимость проводников (для меди $\delta=6 \cdot 10^7$ См/м). При построении графиков r , a_2 , a_3 , выразить в долях a_1 .

2. Диаграмма направленности (зависимость поля от направления) линейной решетки полуволновых вибраторов:

$$F = \frac{\cos\left(\frac{mdk}{2} \sin Q\right) \sin\left(\frac{mdk}{2} \sin Q\right)}{\cos Q \sin\left(\frac{mdk}{2} \sin Q\right)},$$

где m – число вибраторов, d – расстояние между вибраторами, $k = 2\pi/\lambda$, λ – длина волны.

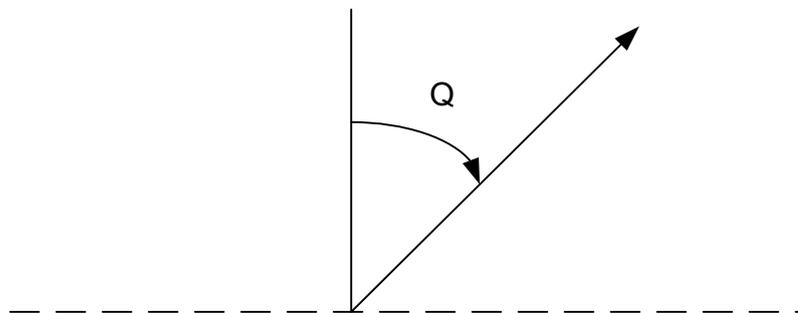


Рис. 2

Рассчитать F и построить зависимости от Q в полярной системы координат для $d = 0.5\lambda; \lambda; 1.2\lambda; 2.0\lambda$.

$m = 5; 10; 25$.

Длину волны не задавать, так как F не зависит от абсолютного значения длины волны, а определяется отношением d/λ .

Определить ширину главного лепестка и уровень первых боковых лепестков по отношению к главному.

3. Диаграмма направленности (зависимость поля от направления) симметричного вибратора:

$$F = \frac{\cos(kL \cos Q) - \cos kL}{\sin Q},$$

$k = 2\pi/\lambda$, λ – длина волны, $2L$ – полная длина вибратора.

Рассчитать F и построить зависимость от Q в полярной системе координат для $L = \lambda/4$; $\lambda/2$; $5\lambda/8$; λ .

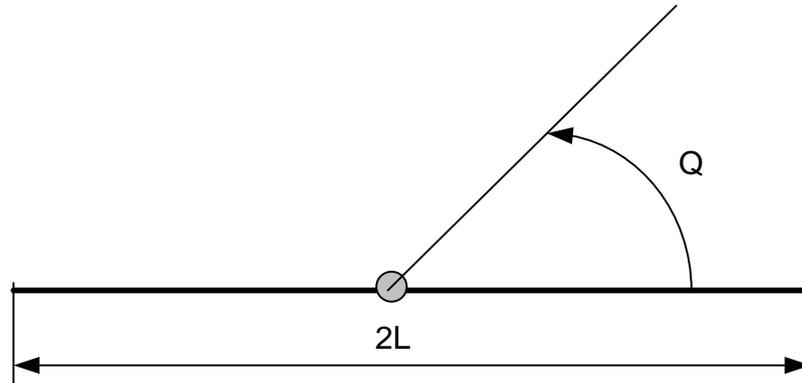


Рис. 3

Длину волны не задавать, так как F определяется отношением λ и L , а не абсолютным значением λ .

4. Диаграмма направленности (зависимость поля от направления) открытого конца волновода:

В плоскости E определяется выражением:

$$F_E = \left(\sqrt{1 + \left(1 - \frac{\lambda}{2b}\right)^2 \cos Q} \right) \frac{\sin\left(\frac{ka}{2} \sin Q\right)}{\frac{ka}{2} \sin Q},$$

В плоскости H:

$$F_H = \left(\sqrt{1 + \left(1 - \frac{\lambda}{2b}\right)^2 + \cos G} \right) \frac{\cos\left(\frac{ka}{2} \sin G\right)}{\left(\frac{ka}{2}\right)^2 \sin^2 G},$$

$k = 2\pi/\lambda.$

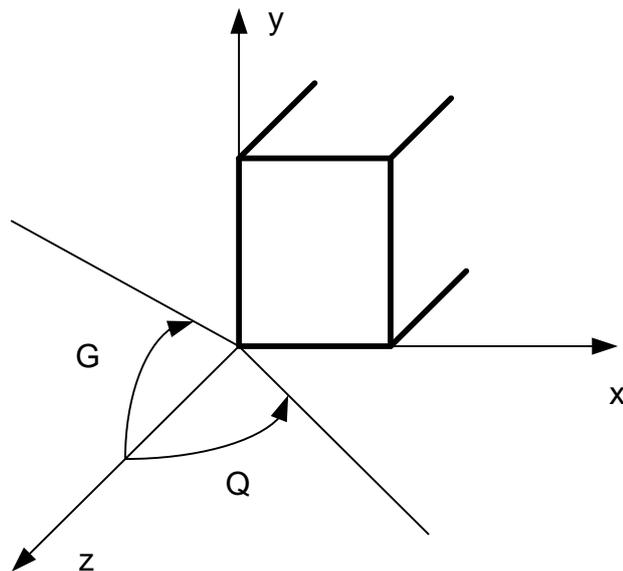


Рис. 4

Рассчитать F_E и F_H , построить зависимости от Q и G в полярной системе координат для $b = 0.7\lambda$; $a = 0.4\lambda$; λ – длина волны.

Длину волны не задавать, так как F определяется соотношением λ , a и b , а не абсолютным значением λ .

5. Диаграмма направленности (зависимость поля от направления) полуволнового вибратора, расположенного на высоте h над идеальнопроводящей землей:

Вертикальный вибратор:

$$F_B = \frac{\cos(kL \sin Q) - \cos kL}{\cos Q} \cos(kh \sin Q),$$

Горизонтальный вибратор:

$$F_H = (1 - \cos kL) \sin(kh \sin Q)$$

$k = 2\pi/\lambda$, λ – длина волны, $2L = \lambda/2$ – длина вибратора.

Рассчитать F_B , F_H и построить зависимость от Q в полярной системе координат для $h = 0.25\lambda$; 0.5λ ; λ ; 2λ .

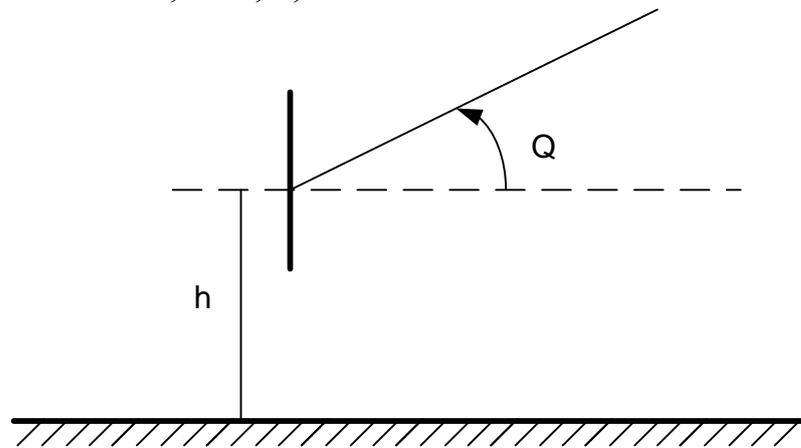


Рис. 5

Длину волны не задавать, так как F определяется отношением λ и h , а не абсолютным значением λ .

6. Коэффициент взаимной индукции двух витков радиусами R_1 и R_2 , расположенных на одной оси, на расстоянии h друг от друга равен:

$$M = 2m_a \sqrt{\frac{R_1 R_2}{k}} \left(\left(1 - \frac{k}{2}\right) K - N \right),$$

где $k = \frac{4R_1 R_2}{(R_1 + R_2)^2 + h^2}$; K, N – эллиптические интегралы.

Для $|k| < 1$:

$$K(k) = \frac{\pi}{2} \left(1 + \left(\frac{1}{2}\right)^2 k + \left(\frac{1 \cdot 3}{2 \cdot 4}\right)^2 k^2 + \left(\frac{1 \cdot 3 \cdot 5}{2 \cdot 4 \cdot 6}\right)^2 k^3 + \dots \right);$$

$$N(k) = \frac{\pi}{2} \left(1 - \left(\frac{1}{2}\right)^2 k - \frac{1}{3} \left(\frac{1 \cdot 3}{2 \cdot 4}\right)^2 k^2 - \frac{1}{5} \left(\frac{1 \cdot 3 \cdot 5}{2 \cdot 4 \cdot 6}\right)^2 k^3 - \dots \right).$$

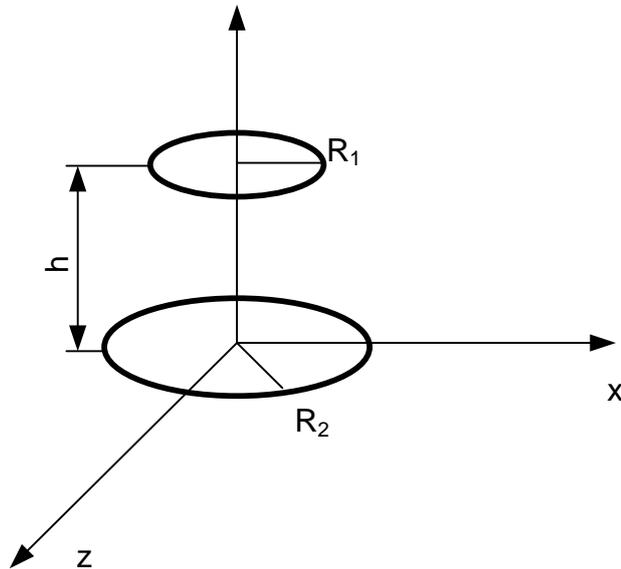


Рис. 6

Вычислить M и построить зависимость от h при:

$R_1 = R_2$; $R_1 = 0.5 R_2$; $R_1 = 0.1 R_2$; при $R_1 = R_2$ точку $h = 0$ исключить;

$m_a = 4\pi \cdot 10^{-7}$ Гн/м. При построении R_2 и h выразить в долях R_1 .

7. Прямолинейный заземленный кабель длиной $2L$ с током I расположен по оси x над горизонтальной однородной средой, начало координат совпадает с серединой кабеля. Магнитное поле кабеля имеет три составляющих:

$$H_y = \frac{I}{4\pi} \left(\frac{z}{r^2} \left(\frac{L+x}{\sqrt{(L+x)^2 + r^2}} - \frac{L-x}{\sqrt{(L-x)^2 + r^2}} \right) - \left(\frac{L-x}{r_1^2} \left(1 - \frac{z}{\sqrt{r_1^2 + z^2}} \right) + \frac{L+x}{r_2^2} \left(1 - \frac{z}{\sqrt{r_2^2 + z^2}} \right) \right) \right);$$

$$H_x = \frac{I}{4\pi} \left(\frac{y}{r_1^2} \left(1 - \frac{z}{\sqrt{r_1^2 + z^2}} \right) - \frac{y}{r_2^2} \left(1 - \frac{z}{\sqrt{r_2^2 + z^2}} \right) \right);$$

$$H_z = \frac{Iy}{4\pi r^2} \left(\frac{L+x}{\sqrt{(L+x)^2 + r^2}} + \frac{L-x}{\sqrt{(L-x)^2 + r^2}} \right);$$

$$r = \sqrt{y^2 + z^2}; r_1 = \sqrt{(L-x)^2 + y^2}; r_2 = \sqrt{(L+x)^2 + y^2}.$$

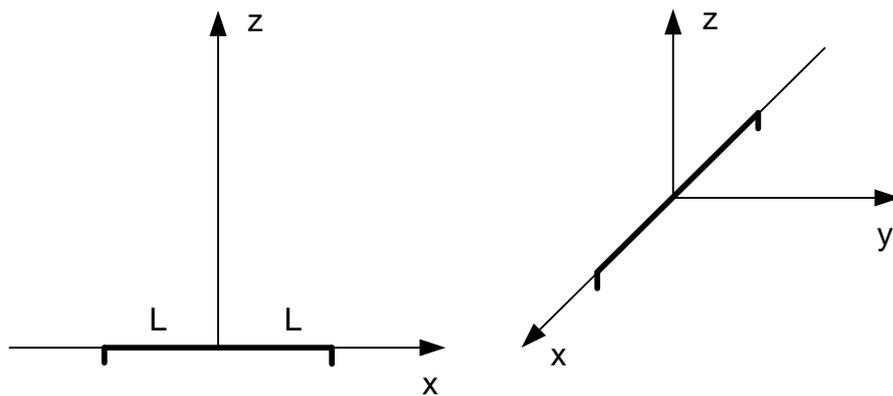


Рис. 7

Рассчитать H_y , H_x , H_z и построить зависимости от y при постоянных z и x . Все длины выразить в долях L .

8. Сферический проводник возбужден вертикальным магнитным диполем, расположенным в точке О, вторичное магнитное поле этого проводника в точке М имеет две составляющих:

$$H_z = -\frac{a^3 R^3}{r^3 r_0^3} (\cos(Q_2 - Q_1) (2 \cos Q_1 \cdot \cos Q_2 + 0.5 \sin Q_1 \cdot \sin Q_2) - \sin^2(Q_2 - Q_1)),$$

$$H_x = -\frac{a^3 R^3}{r^3 r_0^3} (\cos(Q_2 - Q_1) (3 \cos Q_1 \cdot \sin Q_2 - 1.5 \sin Q_1 \cdot \cos Q_2)),$$

где a – радиус проводящего шара; h – высота точки О (излучения) относительно оси, проходящей через центр шара; k – высота точки М (приема); R – расстояние между точками приема и излучения.

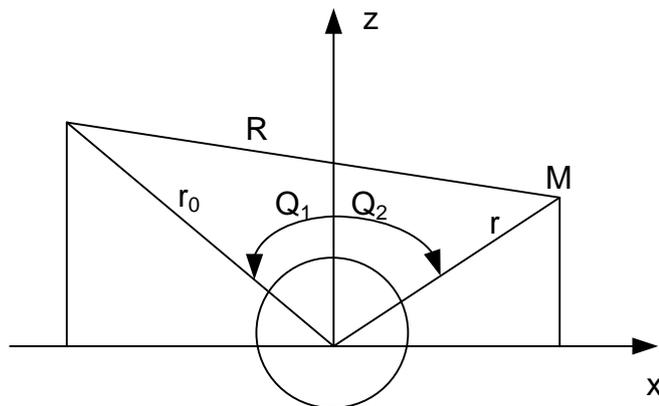


Рис. 8

Рассчитать H_x , H_z и построить в зависимости от x при различных сочетаниях h , k , R :

$$k = h; R = h;$$

$$k = h; R = 3h;$$

$$k = 2h; R = 4h, \text{ и т.д.}$$

Все длины выразить в долях h .

9. Магнитное поле кругового тока I имеет две составляющих: H_r - параллельную радиусу кольца и H_z - параллельную оси кольца.

$$H_r = \frac{I}{2\pi r} \frac{z}{\sqrt{(R+r)^2 + z^2}} \left(-K + \frac{R^2 + r^2 + z^2}{\sqrt{(R-r)^2 + z^2}} N \right),$$

$$H_z = \frac{I}{2\pi} \frac{z}{\sqrt{(R+r)^2 + z^2}} \left(K + \frac{R^2 - r^2 - z^2}{\sqrt{(R-r)^2 + z^2}} N \right),$$

где K, N – эллиптические интегралы:

$$K(k) = \frac{\pi}{2} \left(1 + \left(\frac{1}{2}\right)^2 k + \left(\frac{1 \cdot 3}{2 \cdot 4}\right)^2 k^2 + \left(\frac{1 \cdot 3 \cdot 5}{2 \cdot 4 \cdot 6}\right)^2 k^3 + \dots \right);$$

$$N(k) = \frac{\pi}{2} \left(1 - \left(\frac{1}{2}\right)^2 k - \frac{1}{3} \left(\frac{1 \cdot 3}{2 \cdot 4}\right)^2 k^2 - \frac{1}{5} \left(\frac{1 \cdot 3 \cdot 5}{2 \cdot 4 \cdot 6}\right)^2 k^3 - \dots \right).$$

$$k = \frac{4R_1 R_2}{(R_1 + R_2)^2 + h^2}, r = \sqrt{x^2 + y^2},$$

R – радиус витка с током.

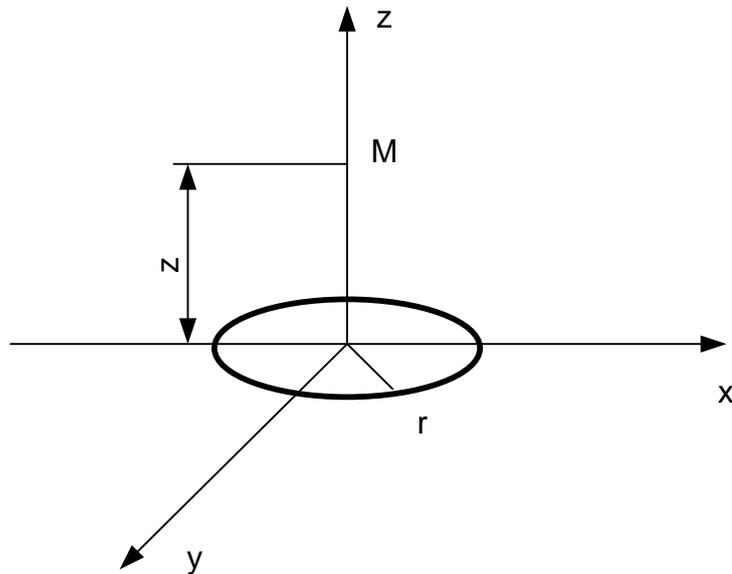


Рис. 9

Рассчитать H_r , H_z и построить зависимости от x при:

$y=0, z = R$;

$y=R, z= R$ и т.д.

Все длины выразить в долях R .

10. Характеристика направленности параболической антенны, облучаемой диполем с контррефлектором, имеет следующее выражение:

$$F = 1.48 \frac{aI_1(a)I_0(b) - bI_0(a)I_1(b)}{a^2 + b^2} + \frac{0.52 \cdot I_1(b)}{b} + 0.5 \frac{bI_2(1.5a)I_1(b) - 1.5aI_2(b)I_1(1.5a)}{(1.5a)^2 - b^2},$$

$$a = \frac{2.5R}{2f}, b = kR \sin Q,$$

где R – радиус раскрыва параболоида, Q – угол с осью параболоида, $I_n(x)$ функция Бесселя первого рода n – порядка, f – фокусное расстояние параболоида, $k = 2\pi/\lambda$, λ – длина волны.

Рассчитать F и построить как функцию b при

$R/f = 2; 1.6; 1.2; 0.8;$

$R = 20 \lambda; 50 \lambda; 100 \lambda; 500 \lambda.$

11. Напряженность электрического поля сверхдлинных волн (СДВ) на больших расстояниях ($2000 \text{ км} \leq r \leq 12000 \text{ км}$) можно приближенно рассчитать по формуле:

$$E = \frac{120\pi I h}{\lambda_{(\text{м})} r_{(\text{км})}} \sqrt{\frac{Q}{\sin Q}} e^{-\frac{0.0014 r_{(\text{км})}}{\lambda_{(\text{км})}^{0.6}}},$$

где I – ток в антенне, А; h – действующая высота антенны, м; λ – длина волны, м; $\lambda = C/f$, $C=3\text{e}+08$ м/с; f – частота диапазона сверхдлинных волн, Гц; r – расстояние от излучателя до приемника на Земле, км; a – радиус Земли, км; Q – угол при центре Земли соответствующие r .

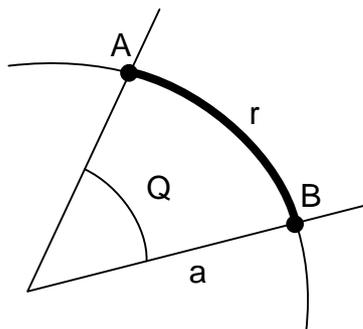


Рис. 10

Вычислить E и построить зависимость от r для различных частот. Положить $Ih = 1$.

12. Проводящий шар возбужден импульсом магнитного поля. Переходной процесс определяется следующим выражением:

$$L(t) = 6T_{\text{и}} \sum_{k=1}^{\infty} e^{-t(\pi k)^2} \frac{1 + e^{-T_{\text{и}}(\pi k)^2}}{\frac{T_{\text{и}}(\pi k)^2}{\pi} + \frac{\pi}{T_{\text{и}}(\pi k)^2}}.$$

Построить зависимость $L(t)$, задавая следующие значения: $t=0.001, 0.01, 0.1, 1, 10$ при $T_{\text{и}} = 0.001, 0.1, 10$.

13. Проводящий шар с зарядом q размещен в центре полый проводящей сферы.

Электрическое поле (E) и потенциал (φ) определены следующими соотношениями:

$$E = \frac{q}{4\pi\epsilon_2 r^2}, \varphi = \frac{q}{4\pi\epsilon_1 a_3} + \frac{q}{4\pi\epsilon_2} \left(\frac{1}{r} - \frac{1}{a_2} \right), \text{ при } a_1 \leq r \leq a_2,$$

$$E = 0, \varphi = \frac{q}{4\pi\epsilon_1 a_3}, \text{ при } a_2 \leq r \leq a_3,$$

$$E = \frac{q}{4\pi\epsilon_1 r^2}, \varphi = \frac{q}{4\pi\epsilon_1 r}, \text{ при } r > a_3,$$

где r – расстояние от центра шара до точки определения поля; a_1 – радиус шара; a_2, a_3 – радиус сферы; ϵ_1, ϵ_2 – абсолютные диэлектрические проницаемости внешнего пространства и внутреннего сферы (диэлектрик).

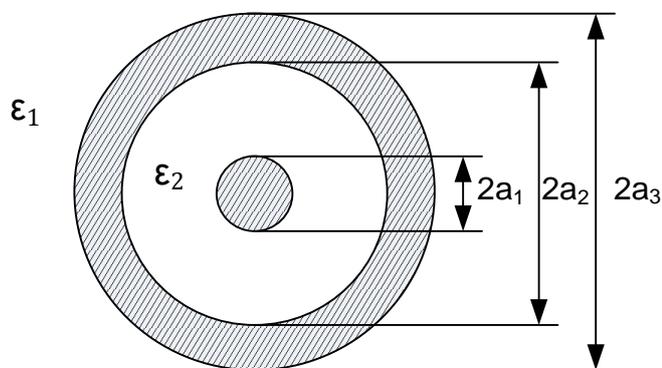


Рис. 11

Вычислить E, φ и построить зависимости от r при:

1) $a_2 = 2a_1, a_3 = 2.5a_1,$

2) $a_2 = 10a_1, a_3 = 15a_1,$

$\epsilon_2 = 1.8 \epsilon_1.$

14. Задана функция:

$$Y(x) = e^{-ax} \sin bx$$

1. Построить семейство кривых $Y(x)$, считая что значения параметров a и b фиксированы:

$$a_1 = 0.01, a_2 = 0.02, a_3 = 0.02,$$

$$b_1 = 0.05, b_2 = 0.05, b_3 = 0.15,$$

аргумент x изменяется дискретно: $x=0,1,2,3,4 \dots N-1$.

2. Вычислить комплексную функцию:

$$S(z) = \frac{1}{N} \sum_{x=0}^{N-1} Y(x)(\cos(0.01xz) + i \sin(0.01xz)),$$

где z изменяется дискретно $z = 0,1,2,3,4 \dots N-1$.

3. Для каждой из трех функций $Y(x)$ построить два семейства кривых:
 $|S(z)|$ и $\arg(S(z))$.
Значение $N \geq 300$.

15.

1. Сформировать функцию:

$$f(x) = e^{-ax} \cos bx + n(x)$$

где $n(x)$ – для каждого нового x случайное число с равномерным законом распределения из интервала $(-0.5, 0.5)$; x изменяется дискретно с шагом 1 в интервале $(0, N-1)$.

2. Записать в файл N отчетов $f(x)$.

3. Сформировать функцию $q(x)$ по закону:

$$q(x) = e^{-0.1x}.$$

4. Вычислить функцию $h(x)$:

$$h(x) = \sum_{y=0}^{N-1} q(y)f(x-y),$$

функцию $f(x)$ вне интервала аргумента $(0, N-1)$ считать равной нулю.

5. Построить семейство графиков $f(x)$ и $h(x)$ при следующих параметрах:

$$a_1 = 0.001, a_2 = 0.001, a_3 = 0.01,$$

$$b_1 = 0.01, b_2 = 0.05, b_3 = 0.1,$$

Значение $N \geq 300$.

16.

1. Сформировать функцию:

$$f(x) = e^{-ax} + 0.1n(x)$$

где $n(x) = \sum_{i=1}^{12} n_i$

n_i – случайные числа с равномерным законом распределения из интервала $(-0.5, 0.5)$; x изменяется дискретно с шагом 1 в интервале $(0, N-1)$.

2. Записать в бинарный файл N отчетов $f(x)$.

3. Сформировать функцию $q(x)$ по закону:

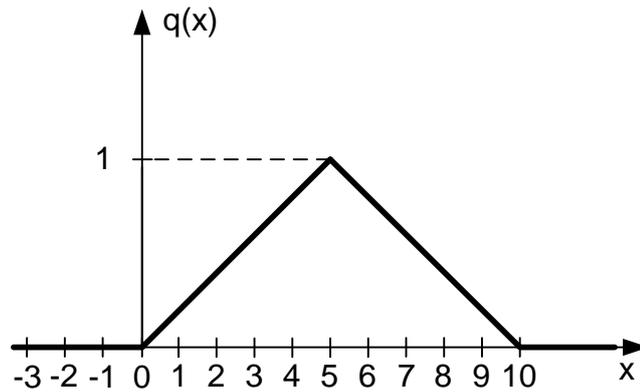


Рис. 12

4. Вычислить функцию $h(x)$:

$$h(x) = \sum_{y=0}^{N-1} f(y)q(x-y),$$

5. Построить семейство графиков $f(x)$ и $h(x)$ при $a=0.001$ и $a=0.01$, значение $N \geq 300$.

17.

1. Сформировать массив значений комплексной функции:

$$f(x) = e^{-ax} \left(e^{i(bx+1)} + 0.25(e^{i(b+c)x+i} + e^{i(b-c)x+i}) \right),$$

где $x = (0, N-1)$, i – мнимая единица.

2. Записать вычисленные значения $f(x)$ в текстовый и бинарный файлы в следующей последовательности:

N значений x , N значений реальной части $f(x)$, N значений мнимой части $f(x)$.

3. Построить 2 семейства кривых:

$Y_1 = |f(x)|$ и $Y_1 = \text{Re}(f(x))$ для значений параметров:

$$a_1 = 0.005, a_2 = 0.001, a_3 = 0.001, a_4 = 0.001,$$

$$b_1 = 0.05, b_2 = 0.05, b_3 = 0.01, b_3 = 0.005, b_4 = 0.005,$$

$$c_1 = 0.01, c_2 = 0.01, c_3 = 0.01, c_3 = 0.005, b_4 = 0.005.$$

Значение $N \geq 300$.

18.

1. Сформировать массив значений комплексной функции:

$$f(x) = e^{-0.01x} (\cos(b_0(x + 10.1 \sin(b_1x))) + i \sin(b_0(x + 10.1 \sin(b_1x))))),$$

где $x = (0, N-1)$, i – мнимая единица.

2. Записать вычисленные значения $f(x)$ в текстовый или бинарный файлы в следующей последовательности:

N значений реальной части $f(x)$, N значений мнимой части $f(x)$.

3. Вычислить функцию $h(x)$:

$$q(x) = \sum_{z=0}^{N-1} f(z) f^*(x+z),$$

Функцию $f(x)$ вне интервала $x=0, N-1$ считать равной нулю, f^* – комплексное сопряжение.

4. Записать $q(x)$ в фай: $\text{Re}(q(x))$ и $\text{Im}(q(x))$.

5. Построить два семейства кривых

$\text{Re}(f(x)), \text{Im}(f(x)), |f(x)|$,

$\text{Re}(q(x)), \text{Im}(q(x)), |q(x)|$,

при $b_0 = 0.1$, $b_1 = 0.05$, значение $N \geq 300$.

19. Вертикальный магнитный диполь (горизонтальная рамка с током) расположен на плоской границе полупространства. Скачек тока в диполе вызывает реакцию в полупространстве в виде неустановившегося поля:

$$E = -\frac{3M}{4\pi\sigma r^4} \left(\Phi(u) - \sqrt{\frac{2}{\pi}} e^{-\frac{u^2}{2}} \left(u + \frac{u^3}{3} \right) \right),$$

$$B = -\frac{9M}{2\pi\sigma r^5} \left(\Phi(u) - \sqrt{\frac{2}{\pi}} e^{-\frac{u^2}{2}} \left(u + \frac{u^3}{3} + \frac{u^5}{9} \right) \right),$$

где M – момент диполя, положить $M=1$; r – расстояние от центра диполя до любой точки на поверхности полупространства, u – параметр становления поля, σ – проводимость полупространства, $\Phi(u)$ – интеграл вероятности (см. спец. справочники).

Вычислить и построить зависимости E и B от u , u изменяется от $1e-4$ до 1 при $\sigma = 1$ Сим/м, 0.5 Сим/м и $r=1$.

20. Вертикальный электрический диполь расположен в нижнем слое двухслойного разреза с горизонтальной границей. Потенциал поля в верхнем полупространстве в точке М выражается бесконечным рядом:

$$U = -2P(1 - k) \left(\frac{z_0}{(x^2 + z_0^2)^{\frac{3}{2}}} + \sum_{n=1}^{\infty} \frac{z_0 + 2nh}{(x^2 + (z_0 + 2nh)^2)^{\frac{3}{2}}} \right),$$

P – дипольный момент, h – мощность (толщина) верхнего слоя, z_0 – глубина источника P , x – координата точки наблюдения M относительно центра P , $k = \frac{\rho_2 - \rho_1}{\rho_2 + \rho_1}$, ρ_1 и ρ_2 – удельные сопротивления слоев.

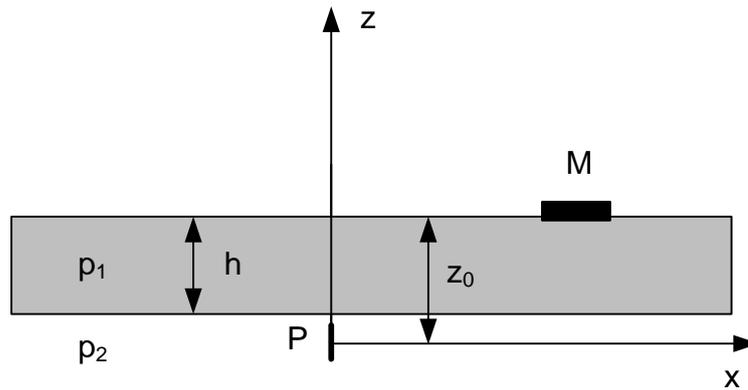


Рис. 13

Вычислить U и построить зависимости от x при:

$\rho_1 = 100 \rho_2$, $\rho_1 = 10 \rho_2$, $\rho_1 = \rho_2$, $\rho_1 = 0.1 \rho_2$,

$h = 0.75z_0$, $h = 0.2z_0$, $P = 1$.

Все длины выразить в долях z_0 .

21. Вертикальный и диэлектрический диполь с моментом P , расположен в верхнем слое двухслойного разреза с горизонтальной границей. Потенциал поля в верхнем полупространстве в точке M выражается бесконечным рядом:

$$U = -2P \left(\frac{z_0}{(x^2 + z_0^2)^{\frac{3}{2}}} + \sum_{n=1}^{\infty} k^n \left(\frac{2nh + z_0}{(x^2 + (2nh + z_0)^2)^{\frac{3}{2}}} - \frac{2nh - z_0}{(x^2 + (2nh - z_0)^2)^{\frac{3}{2}}} \right) \right),$$

где h – толщина слоя; z_0 – глубина источника P ; x – координата наблюдения M ; $k = \frac{p_2 - p_1}{p_2 + p_1}$; p_1 и p_2 – удельные сопротивления верхнего и нижнего слоев.

Вычислить и построить зависимости U от x при:

$p_2 = 100p_1$, $p_2 = 10p_1$, $p_2 = p_1$, $p_2 = 0.1p_1$, $p_2 = 0.01p_1$,

$h = 1.1z_0$, $h = 1.5z_0$.

Все длины выразить в долях z_0 .

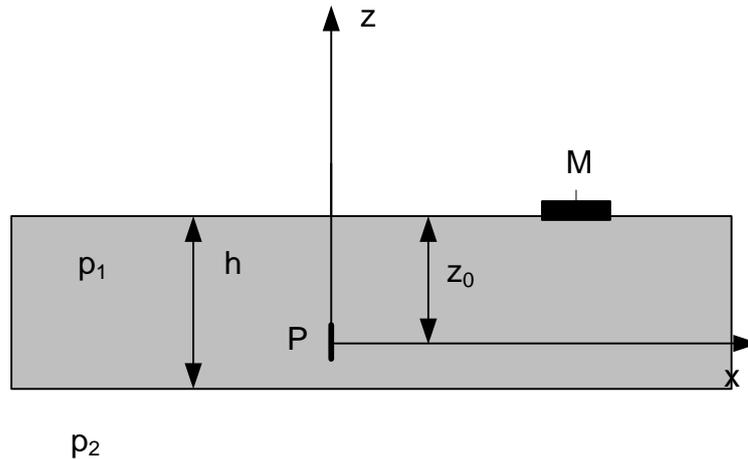


Рис. 14

22. Моделирование процесса амплитудного детектирования АМ-сигнала. Входной сигнал задается формулой:

$$S(t) = (1 + m \cos(bt)) \cos(ct) + n(t),$$

где $n(x) = \sum_{i=1}^{12} n_i$, n_i – случайные числа с равномерным законом распределения из интервала $(-0.5, 0.5)$.

Выходной сигнала детектора задается формулой

$$y(t) = (1 - B)X(t) + B \cdot y(t - 1),$$

где $X(t) = \begin{cases} S(t), & \text{при } S(t) \geq 0 \\ 0, & \text{при } S(t) < 0 \end{cases}$, параметр t изменяется дискретно с шагом 1 в диапазоне $(0, 299)$, $c=1$, $m=0.5$, $B=0.95$.

Вычислить и построить два семейства графиков $S(t)$ и $y(t)$ для $b=1/10, 1/20, 1/30$.

23. Функция Бесселя первого рода целого порядка:

$$J_\nu(z) = \left(\frac{z}{2}\right)^2 \sum_{k=0}^{\infty} \frac{\left(-\frac{z^2}{4}\right)^k}{k! \Gamma(\nu + k + 1)},$$

где z – аргумент функции; ν – порядок функции, принимает только целые значения; $\Gamma(\nu+k+1)$ – Гамма-функция, которая для целого аргумента может быть вычислена по следующему соотношению $\Gamma(n+1) = n!$.

Вычислить и построить семейство функций Бесселя для аргумента z пределах от 0 до 15 с шагом 0.1 при $\nu=0;1;2$.

Контрольные числа:

$z=0.5$; $j_0 = 0.938469807240813$; $j_1=0.2422684577$; $j_2=0.0306040235$,

$z=5$; $j_0 = 0.177596771314338$; $j_1=-0.3275791376$; $j_2=0.046651163$,

$z=10$; $j_0 = -0.245935764451348$; $j_1=0.0434727462$; $j_2=0.2546303137$.

24. Вероятность переполнения памяти накопителя в системе массового обслуживания с ограниченной очередью выражена следующим соотношением:

$$P = 1 - \frac{\sum_{j=0}^{N+1} \frac{(-1)^{N-j}}{(N-j)!} \sum_{c=0}^{K \cdot j} \frac{(K \cdot j)! \left(\frac{p}{K}\right)^c}{(K \cdot j - c)! \cdot (|c + j - N|)!}}{\sum_{j=0}^{N+1} \frac{(-1)^{N-j+1}}{(N-j+1)!} \sum_{c=0}^{K \cdot j} \frac{(K \cdot j)! \left(\frac{p}{K}\right)^c}{(K \cdot j - c)! \cdot (|c + j - N - 1|)!}},$$

где N – средняя длина очереди, то есть число требований в системе; p – отношение интенсивности поступления требований к интенсивности обслуживания требований; $K=1$.

Вычислить P как функцию N в пределах от $N = 5$ до $N = 20$ с шагом 1 для $p = 0.1, 0.3, 0.9$ и построить полученное семейство кривых.

25. Среднее время пребывания требования в система массового обслуживания при ограниченной очереди выражено следующим отношением:

$$T\mu = \frac{\sum_{n=0}^N n \left(\sum_{j=0}^n \frac{e^{jp} (-jp)^{n-j}}{(n-j)!} - \sum_{j=0}^n \frac{e^{jp} (-jp)^{n-j-1}}{(n-j-1)!} \right)}{p \sum_{j=0}^{N+1} \frac{e^{jp} (-jp)^{N-j+1}}{(N-j+1)!}},$$

где N – средняя длина очереди; p – нагрузка системы; μ – интенсивность обслуживания требований.

Вычислить $T\mu$ как функцию N в пределах от $N = 5$ до $N = 20$ с шагом 1 для $p = 0.1, 0.3, 0.9$ и построить полученное семейство кривых.

26. Среднее время пребывания требования в системе массового обслуживания при ограниченной очереди выражено следующим соотношением: